



Основная профессиональная образовательная программа  
02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии  
(Фундаментальная информатика и информационные технологии)

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации

**ИВАНОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ**

Кафедра фундаментальной математики

ОДОБРЕНО:

Руководитель ОП

П.Г. Кононенко

(подпись)

«\_1\_» сентября\_2020 г.

**Рабочая программа дисциплины**

Теория вероятностей и математическая статистика

Уровень высшего образования:	бакалавриат
Квалификация выпускника:	бакалавр
Направление подготовки:	02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии
Направленность (профиль) образовательной программы:	Фундаментальная информатика и информационные технологии

Иваново

**1. Цели освоения дисциплины**



Основная профессиональная образовательная программа  
02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии  
(Фундаментальная информатика и информационные технологии)

---

В системе подготовки бакалавров курс теории вероятностей и математическая статистика является одним из основных.

Программа предусматривает изложение основных понятий, теорем и принципов теории вероятностей и математической статистики в объеме традиционного вводного университетского курса на основе аксиоматики А.Н. Колмогорова, что соответствует требованиям к обязательному минимуму содержания основной образовательной программы по специальности. Излагаются основные понятия и теоремы теории вероятностей и математической статистики, случайные величины, числовые характеристики случайных величин, предельные теоремы, а также их приложение к изучению статистических моделей.

Для понимания и успешного усвоения курса достаточно, чтобы студент владел основными понятиями теории множеств, математического анализа, функционального анализа, теории функций комплексного переменного и алгебры.

## **2. Место дисциплины в структуре ОП**

Часть, формируемая участниками образовательных отношений (индекс Б1.В.07).

Для понимания и успешного усвоения курса достаточно, чтобы студент владел основными понятиями теории множеств, математического анализа, функционального анализа, теории функций комплексного переменного и алгебры.

Для освоения данной дисциплины обучающийся должен:

**Знать:** Основные понятия теории множеств, математического анализа, функционального анализа, теории функций комплексного переменного и алгебры.

**Уметь:** Пользоваться основными понятиями теории множеств, математического анализа, функционального анализа, теории функций комплексного переменного и алгебры.

**Иметь практический опыт:** Применять основные понятия теории множеств, математического анализа, функционального анализа, теории функций комплексного переменного и алгебры.

## **3. Планируемые результаты обучения по дисциплине**

### **3.1. Компетенции, формированию которых способствует дисциплина**

При освоении дисциплины формируются следующие компетенции в соответствии с ФГОС ВО по данному направлению подготовки:

ПК-1: Способен применять в научно-исследовательской деятельности знания в области прикладной математики и (или) информационных технологий.

### **3.2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с формируемыми компетенциями**

В результате освоения дисциплины обучающийся должен:

**Знать:** введенные в курсе понятия и соответствующие теоремы (ПК-1.1).

**Уметь:** применять доказанные теоремы и изученные методы к решению задач (ПК-1.2).

**Владеть:** методами, изложенными в курсе (ПК-1.3).

## **4. Объем и содержание дисциплины**



Основная профессиональная образовательная программа  
02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии  
(Фундаментальная информатика и информационные технологии)

Объем дисциплины составляет 4 зачетных единиц (144 академических часов).

**4.1. Содержание дисциплины по разделам (темам), соотнесенное с видами и трудоемкостью занятий лекционно-семинарского типа**

Объем иной контактной работы и самостоятельной работы обучающегося по дисциплине указан в учебном плане образовательной программы.

№ п/п	Разделы (темы) дисциплины	Семестр	Виды занятий, их объем (в ак. часах, по очной форме обучения)		Формы текущего контроля успеваемости (по очной форме обучения)  Формы промежуточной аттестации
			Занятия лекцион- ного типа	Занятия семинар- ского типа	
1	<b>Тема 1.</b> Случайные события и операции над ними. Статистическое понятие вероятности. Свойства вероятности.	6	2	1	Ответ на практическом занятии
2	<b>Тема 2.</b> Вероятностное пространство с конечным или счетным множеством исходов. Элементы комбинаторики.	6	2	3	Ответ на практическом занятии
3	<b>Тема 3.</b> Вероятностное пространство. Аксиомы математической теории вероятностей.	6	2	1	Ответ на практическом занятии
4	<b>Тема 4.</b> Условная вероятность. Независимость событий.	6	2	2	Ответ на практическом занятии
5	<b>Тема 5.</b> Последовательности испытаний. Предельные теоремы.	6	3	2	Ответ на практическом занятии
6	<b>Тема 6.</b> Случайные величины и операции над ними. Типы случайных величин. Примеры.	6	3	3	Контрольная работа
7	<b>Тема 7.</b> Случайные векторы. Независимые случайные величины.	6	2	2	Ответ на практическом занятии
8	<b>Тема 8.</b> Числовые характеристики случайных величин.	6	3	3	Ответ на практическом занятии
9	<b>Тема 9.</b> Ковариация и ее свойства. Дисперсия суммы независимых случайных величин.	6	2	2	Ответ на практическом занятии
10	<b>Тема 10.</b> Неравенство Чебышева и его следствия. Закон больших чисел. Теорема Чебышева.	6	2	1	Ответ на практическом занятии
11	<b>Тема 11.</b> Характеристическая функция и ее свойства. Центральная предельная теорема.	6	3	2	Ответ на практическом занятии



Основная профессиональная образовательная программа  
02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии  
(Фундаментальная информатика и информационные технологии)

12	<b>Тема 12.</b> Выборка. Выборочное пространство. Порядковые статистики. Типы статистических моделей. Выборочные числовые характеристики.	6	2	2	Контрольная работа
13	<b>Тема 13.</b> Теория оценок. Неравенство Рао-Крамера.	6	2	2	Ответ на практическом занятии
14	<b>Тема 14.</b> Методы нахождения оценок.	6	2	2	Ответ на практическом занятии
15	<b>Тема 15.</b> Доверительные интервалы для параметров.	6	2	2	Ответ на практическом занятии
16	<b>Тема 16.</b> Статистическая проверка гипотез.	6	2	2	Ответ на практическом занятии
Итого по дисциплине:			36	32	Экзамен

#### 4.2. Развернутое описание содержания дисциплины по разделам (темам)

##### **Тема 1. Случайные события и операции над ними. Статистическое понятие вероятности. Свойства вероятности.**

1. Понятие случайного события. Операции над случайными событиями. Элементарные случайные события (исходы). Пространство элементарных событий. Событие, как подмножество пространства элементарных событий. Поле и борелевское поле событий.

2. Частота. Устойчивость частот. Статистическое понятие вероятности. Закон сложения. Условная вероятность. Закон умножения. Свойства вероятности.

##### **Тема 2. Вероятностное пространство с конечным или счетным множеством исходов. Элементы комбинаторики.**

3. Вероятностное пространство с конечным или счетным множеством исходов. Классическая вероятностная модель. Равновозможные события. Классическое определение вероятности.

4. Элементы комбинаторики. Размещения, перестановки и сочетания. Выборка без возвращения.

5. Выборка с возвращением. Перестановки, размещения и сочетания с повторениями.

6. Гипергеометрическое распределение. Примеры.

##### **Тема 3. Вероятностное пространство. Аксиомы математической теории вероятностей.**

7. Вероятностное пространство. Аксиомы математической теории вероятностей. Вероятностное пространство как математическая модель случайного эксперимента. Свойства вероятности.

8. Геометрические вероятности. Теорема Каратеодори о продолжении меры.

##### **Тема 4. Условная вероятность. Независимость событий.**

9. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формула Байеса.

10. Независимость событий. Пример С.Н. Бернштейна.

##### **Тема 5. Последовательности испытаний. Предельные теоремы.**

11. Схема Бернулли. Формула Бернулли.

12. Локальная и интегральная предельные теоремы Муавра-Лапласа. Закон больших чисел Бернулли. Применения интегральной предельной теоремы Муавра-Лапласа.



13. Предельная теорема Пуассона.

**Тема 6. Случайные величины и операции над ними. Типы случайных величин. Примеры.**

14. Случайные величины и операции над ними. Функция распределения случайной величины. Типы случайных величин. Биномиальное, Пуассона, равномерное и нормальное распределения.

**Тема 7. Случайные векторы. Независимые случайные величины.**

15. Случайные векторы. Многомерные функции распределения. Независимые случайные величины. Функция распределения суммы независимых случайных величин.

**Тема 8. Числовые характеристики случайных величин.**

16. Математическое ожидание дискретной случайной величины и его свойства. Примеры.

17. Интегрируемые случайные величины. Математическое ожидание интегрируемой случайной величины и его свойства. Математическое ожидание функции от случайной величины. Примеры.

18. Сходимость почти наверное. Сходимость по вероятности. Теорема о монотонной сходимости.

**Тема 9. Ковариация и ее свойства. Дисперсия суммы независимых случайных величин.**

19. Математическое ожидание от произведения независимых случайных величин.

20. Моменты. Дисперсия случайной величины и ее свойства. Примеры.

21. Ковариация и ее свойства. Коэффициент корреляции.

**Тема 10. Неравенство Чебышева и его следствия. Закон больших чисел. Теорема Чебышева.**

22. Неравенство Чебышева и его следствия. Закон больших чисел. Теорема Чебышева. Усиленный закон больших чисел.

**Тема 11. Характеристическая функция и ее свойства. Центральная предельная теорема.**

23. Характеристическая функция. Определение и примеры.

24. Свойства характеристической функции. Характеристическая функция суммы независимых случайных величин. Формула обращения (без доказательства). Теорема единственности.

25. Слабая сходимость распределений. Теорема непрерывности. Связь между слабой и равномерной сходимостью. Центральная предельная теорема. Теорема Ляпунова.

**Тема 12. Выборка. Выборочное пространство. Порядковые статистики. Типы статистических моделей. Выборочные числовые характеристики.**

26. Задачи математической статистики. Выборка. Выборочное пространство. Вариационный ряд. Порядковые статистики. Полигон частот. Гистограмма.

27. Эмпирическая функция распределения. Выборочные числовые характеристики. Выборочные моменты. Квантили.

**Тема 13. Теория оценок. Неравенство Рао-Крамера.**

28. Теория оценок. Оценка неизвестного параметра. Типы оценок.

29. Неравенство Рао-Крамера. Функция информации Фишера.

**Тема 14. Методы нахождения оценок.**

30. Метод максимального правдоподобия. Функция правдоподобия. Оценки максимального правдоподобия.

31. Метод моментов.

**Тема 15. Доверительные интервалы для параметров.**

32. Доверительные интервалы для параметров. Доверительные интервалы для параметров нормального распределения. Распределение Стьюдента.

**Тема 16. Статистическая проверка гипотез.**



Основная профессиональная образовательная программа  
02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии  
(Фундаментальная информатика и информационные технологии)

---

33. Статистическая проверка гипотез. Критическое множество. Ошибки первого и второго рода. Мощность критерия. Теорема Неймана-Пирсона.

34. Критерий “Хи-квадрат” Пирсона.

## **5. Образовательные технологии**

Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине: технологии смешанного обучения.

## **6. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся**

Самостоятельная работа студентов состоит в решении задач.

Полностью весь методический материал по обеспечению самостоятельной работы студентов приводится в Приложении 1 к РП.

## **7. Характеристика оценочных средств для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине**

Оценочные средства для проведения текущего контроля: Ответ на практическом занятии.

Оценивание промежуточных и окончательных результатов освоения дисциплины: контрольные работы. Экзамен.

Форма проведения экзамена: устная.

Критерий оценки: *«отлично»*.

Оценка *«отлично»* выставляется студенту, если продемонстрировано знание понятий и теорем курса и умение творчески применять их к решению задач.

Критерий оценки: *«хорошо»*.

Оценка *«хорошо»* выставляется студенту, если продемонстрировано знание основных понятий и теорем курса и умение применять их к решению простых задач.

Критерий оценки: *«удовлетворительно»*.

Оценка *«удовлетворительно»* выставляется студенту, если продемонстрировано незнание некоторых основных понятий и теорем курса.

Критерий оценки: *«неудовлетворительно»*.

Оценка *«неудовлетворительно»* выставляется студенту, если продемонстрировано незнание понятий и теорем курса и неумение решать даже простые задачи.

Типовые варианты вопросов представлены в фонде оценочных средств (Приложение 2).

## **8. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины**

Основная литература:

1. Гусева, Е.Н. Теория вероятностей и математическая статистика / Е.Н. Гусева. – 6-е изд., стереотип. – Москва : Издательство «Флинта», 2016. – 220 с. – Режим доступа: по подписке. –



Основная профессиональная образовательная программа  
02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии  
(Фундаментальная информатика и информационные технологии)

URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83543> (дата обращения: 30.06.2019). – ISBN 978-5-9765-1192-7. – Текст : электронный.

2. Котальников, В.В. Теория вероятностей и математическая статистика / В.В. Котальников, Ю.В. Шапарь ; науч. ред. И.А. Шестакова ; Министерство образования и науки Российской Федерации, Уральский федеральный университет им. первого Президента России Б. Н. Ельцина. – 2-е изд., перераб. – Екатеринбург : Издательство Уральского университета, 2014. – 72 с. : ил. – Режим доступа: по подписке. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=276210> (дата обращения: 30.06.2019). – Библиогр. в кн. – ISBN 978-5-7996-1158-3. – Текст : электронный.

3. Кибзун, А.И. Теория вероятностей и математическая статистика: Базовый курс с примерами и задачами / А.И. Кибзун, Е.Р. Горяинова, А.В. Наумов ; ред. А.И. Кибзун. – 3-е изд., перераб. и доп. – Москва : Физматлит, 2007. – 232 с. – Режим доступа: по подписке. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=69320> (дата обращения: 30.06.2019). – ISBN 978-5-9221-0836-2. – Текст : электронный.

4. Пугачёв, В.С. Теория вероятностей и математическая статистика / В.С. Пугачёв. – 2-е изд., испр. и доп. – Москва : Физматлит, 2002. – 496 с. – Режим доступа: по подписке. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=76608> (дата обращения: 30.06.2019). – ISBN 5-9221-0254-0. – Текст : электронный.

Дополнительная литература:

1. Лисьев, В.П. Теория вероятностей и математическая статистика / В.П. Лисьев. – Москва : Евразийский открытый институт, 2010. – 200 с. – Режим доступа: по подписке. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=90420> (дата обращения: 30.06.2019). – ISBN 5-374-00005-5. – Текст : электронный.

2. Новосельцева, М.А. Теория вероятностей и математическая статистика / М.А. Новосельцева ; Министерство образования и науки Российской Федерации, Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего профессионального образования «Кемеровский государственный университет», Кафедра автоматизации исследований и технической кибернетики. – Кемерово : Кемеровский государственный университет, 2014. – 104 с. : ил. – Режим доступа: по подписке. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=278497> (дата обращения: 30.06.2019). – Библиогр. в кн. – ISBN 978-5-8353-1764-6. – Текст : электронный.

3. Теория вероятностей и математическая статистика / Т.А. Гулай, А.Ф. Долгополова, Д.Б. Литвин, С.В. Мелешко ; Ставропольский государственный аграрный университет. – Издание второе дополненное. – Ставрополь : Агрус, 2013. – 257 с. : схем., табл. – Режим доступа: по подписке. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=277492> (дата обращения: 30.06.2019). – Текст : электронный.

Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»:

Система электронной поддержки образовательного процесса «Мой университет»  
<https://uni.ivanovo.ac.ru>

Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы:

ЭБС «Университетская библиотека онлайн» [www.biblioclub.ru](http://www.biblioclub.ru)

Электронная библиотека ИвГУ <http://lib.ivanovo.ac.ru>

Электронный каталог НБ ИвГУ <http://lib.ivanovo.ac.ru/index.php/ek>



Основная профессиональная образовательная программа  
02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии  
(Фундаментальная информатика и информационные технологии)

---

Программное обеспечение: операционная система Windows, офисный пакет Microsoft Office и(или) LibreOffice, Интернет-браузер Internet Explorer и(или) Microsoft Edge и(или) Yandex Browser.

## **9. Материально-техническое обеспечение дисциплины**

Учебные аудитории:

- для проведения занятий лекционного типа с комплектом специализированной учебной мебели и техническими средствами обучения, служащими для предоставления учебной информации большой аудитории;
- для проведения занятий семинарского типа, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации с комплектом специализированной учебной мебели и техническими средствами обучения;

Помещение для самостоятельной работы, оснащенное комплектом специализированной учебной мебели, компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в ЭИОС.





Основная профессиональная образовательная программа  
02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии  
(Фундаментальная информатика и информационные технологии)

---

**Автор(ы) рабочей программы дисциплины:** профессор, доктор физико-математических наук Белов А.С.

Программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры фундаментальной математики  
« 31 » августа 2020 г., протокол № 1.

Программа обновлена  
протокол заседания кафедры № \_\_\_\_\_ от « \_\_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 20 \_\_\_\_ г.  
Согласовано:  
Руководитель ОП \_\_\_\_\_  
(подпись)

Программа обновлена  
протокол заседания кафедры № \_\_\_\_\_ от « \_\_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 20 \_\_\_\_ г.  
Согласовано:  
Руководитель ОП \_\_\_\_\_  
(подпись)

Программа обновлена  
протокол заседания кафедры № \_\_\_\_\_ от « \_\_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 20 \_\_\_\_ г.  
Согласовано:  
Руководитель ОП \_\_\_\_\_  
(подпись)